## Condiciones Favorables para la Formación de Ciclones Tropicales: Modelos Teóricos

David J. Raymond Physics Department y Geophysical Research Center New Mexico Tech Socorro, NM 87801 Estados Unidos *raymond@kestrel.nmt.edu*  Ciclón tropical (NOAA/NHC):

- Origen sobre aguas calientes de regiones tropicales;
- Circulación cerrada con concentración de convección profunda;
- Núcleo caliente (con respecto al ambiente).

Ciclogénesis: Condiciones favorables (Gray 1968; Palmén y Newton 1969; McBride y Zehr 1981; Challa y Pfeffer 1990)

- 1. Temperatura elevada de la superficie del mar ( $\geq 26^{\circ} 27^{\circ}$  C)
- 2. Poca cortante de viento
- 3. Ubicación mayor de los  $3^{\circ} 5^{\circ}$  del ecuador
- 4. Circulación ciclónica con vorticidad positiva a nivel bajo
- 5. Importación de momento angular a nivel alto

Introducción a la teoría:

- Transporte de vorticidad
  - Procesos a niveles altos
  - Procesos en la capa límite
- Producción de precipitación
  - Relación con la fracción de saturación
  - Control de la fracción de saturación por el balance de la entropía húmeda
- Flujo vertical de masa en convección

Ecuación gobernante de vorticidad (Haynes y McIntyre 1987, 1990; Raymond, López, y López 1998):

$$\frac{\partial \zeta_a}{\partial t} + \boldsymbol{\nabla} \cdot \boldsymbol{Z} = \boldsymbol{0}$$

- $\zeta_a = (\partial v / \partial x) (\partial u / \partial y) + f$ : componente vertical de la vorticidad absoluta
- $Z = v\zeta_a + k \times [F \omega(\partial v / \partial p)]$ : flujo horizontal de vorticidad
- v = (u, v, 0): velocidad horizontal;  $\omega$ : velocidad vertical
- $F = (F_x, F_y, 0)$ : fuerza específica (fricción de la superficie o divergencia del flujo "eddy" de momento)

Se integra la ecuación de vorticidad sobre el área A para obtener la ley de circulación absoluta:



donde  $F^* = F - \omega(\partial v / \partial p)$  (El término con  $\omega$  no importa si la linea de integración no pasa sobre la convección.)

Transporte advectivo de vorticidad:

 La circulación alrededor de una área aumenta con el flujo de vorticidad hacia el interior del área.



Transporte no-advectivo de vorticidad

• La circulación disminuye con la acción de la fricción.



Challa y Pfeffer (1990):

- Se necesita transporte de momento angular hacia el centro del sistema a niveles altos (200 hPa).
- Este transporte de momento angular se realiza por flujos no axisimétricos de gran escala.
- Observaciones y modelos numéricos muestran estos resultados.

Estudio del ciclón atlántico Elena (Molinari y Vollaro 1989):



FIG. 3. Time variation of minimum central pressure in Hurricanc Elena. The squares represent pressure estimates from aircraft reconnaissance. The trace begins 6 h after Elena traveled from Cuba to the Gulf of Mexico.



Importación de momento angular:

11

Vorticidad a niveles altos:



Balance de vorticidad en caja 1:

- A niveles altos el flujo axisimétrico exporta vorticidad desde el centro de ciclones. Así hay tendencia a reducir la circulación a estos niveles.
- Se puede importar vorticidad al centro por mecanismos noaxisimétricos. ("eddy flux") Esta importación a niveles altos se opone a la exportación de vorticidad del flujo simétrico y produce una tendencia a incrementar la circulación.
- El transporte vertical de momento por convección puede causar flujo lateral no-advectivo de vorticidad. La magnitud de este mecanismo no es conocida.

Vorticidad a niveles bajos:



Balance de vorticidad en caja 2 (Raymond, Sessions, y Fuchs 2007):

- La tendencia de aumentar la circulación a niveles bajos es proporcional a la convergencia de vorticidad a estos niveles; la convergencia está relacionada al calentamiento convectivo.
- Convergencia de vorticidad no-axisimétrico puede ocurrir también a niveles bajos – hay preferencia de expulsar aire con vorticidad débil por medio de circulaciones de mesoescala (Van Sang, Smith, y Montgomery 2008).
- La tendencia de diminución de vorticidad es proporcional a la exportación lateral de vorticidad en la capa límite por fricción superficial.

Factores que gobiernan la precipitación:

- Calentamiento convectivo en ciclones tropicales es proporcional a la producción de precipitación.
- Hay relación entre la tasa de precipitación y la fracción de saturación S:

$$S = \int rdp \Big/ \int r_s dp$$

r: razón de mezcla de vapor de agua;  $r_s$ : razón de mezcla saturada.

Observaciones de satélite (Bretherton et al. 2004):



Mediciones por sondeo en el Pacífico oriental y el suroeste del Caribe:



18

Resultados de Raymond y Zeng (2005) en un modelo numérico de convección:



Una pregunta:

- Valores elevados de la fracción de saturación producen precipitación fuerte.
- Esta precipitación está relacionada a la convergencia en niveles bajos de la troposfera y el crecimiento de la circulación del ciclón.
- Cómo se mantienen niveles elevados de la fracción de saturación?

Fracción de saturación y entropía:

 Se puede escribir la fracción de saturación en términos de la entropía:

$$S = \frac{[s] - [s_d]}{[s_s] - [s_d]}$$

donde s es la entropía húmeda,  $s_s$  es la entropía saturada,  $s_d$  es la entropía seca, y [] indica la integral de presión sobre la troposfera.

 Entonces, cambios en S están controlados por el balance de la entropía húmeda. Balance de entropía húmeda:

 La entropía húmeda integrada sobre la troposfera obedece la ecuación

$$\frac{\partial \left[s\right]}{\partial t} = -\nabla \cdot \left[vs\right] + F_s - \left[R\right]$$

donde  $F_s$  es el flujo de entropía de la superficie y R es la tasa de enfriamiento radiativo. Si [s] aumenta, también crece la precipitación.

Se puede escribir

$$-\nabla \cdot [vs] = [-v \cdot \nabla s] + [-\omega(\partial s/\partial p)]$$

usando la continuidad de masa  $\nabla \cdot v + \partial \omega / \partial p = 0$  e integración por partes.

Término de advección horizontal,  $[-v \cdot \nabla s]$ :



 Importante cuando hay viento ambiental relativo con respecto al ciclón – disminuye la entropía húmeda por el efecto de ventilación. Término de advección vertical,  $[-\omega(\partial s/\partial p)]$ :



- Perfil de  $-\omega$  convectivo:  $[-\omega(\partial s/\partial p)] > 0$ .
- Perfil de  $-\omega$  stratiforme:  $[-\omega(\partial s/\partial p)] < 0$ .

Ejemplos del projecto TEXMEX (Bister y Emanuel 1997; Raymond, López, y López 1998):



Los círculos indican la formación de tormenta tropical.













Resumen – vorticidad:

- Sólo hay dos procesos que pueden cambiar la circulación alrededor de un ciclón:
  - La convergencia de vorticidad por transporte advectivo aumenta la circulación. Puede ser flujo axisimétrico o noaxisimétrico.
  - Las fuerzas relacionadas a la fricción de la superficie o el transporte vertical de momento por convección resultan en flujos no-advectivos en dirección perpendicular a la dirección de la fuerza.

Resumen – precipitación:

- La convergencia a niveles bajos es proporcional a la tasa de precipitación. Entonces, ciclogénesis necesita precipitación fuerte sobre un périodo de unos días.
- La precipitación aumenta con crecimiento de la fracción de saturación.
- Los cambios en la fracción de saturación dependen del balance de la entropía húmeda.

Resumen – balance de entropía:

- Los perfiles del flujo vertical convectivo de masa con máximo a niveles bajos promueven el crecimiento de entropía húmeda.
- El transporte advectivo del aire con entropía baja al centro del ciclón por vientos relativos al movimiento del ciclón puede debilitarlo o destruirlo.

Ciclogénesis: Condiciones favorables (Gray 1968; Palmén y Newton 1969; McBride y Zehr 1981; Challa y Pfeffer 1990)

- 1. Temperatura elevada de la superficie del mar ( $\geq 26^{\circ} 27^{\circ}$  C)
- 2. Poca cortante de viento
- 3. Ubicación mayor de los  $3^{\circ} 5^{\circ}$  del ecuador
- 4. Circulación ciclónica con vorticidad positiva a nivel bajo
- 5. Importación de momento angular a nivel alto

## Bibliografía:

- **Bister,** M., and K. A. Emanuel, 1997: The genesis of hurricane Guillermo: TEXMEX analyses and a modeling study. *Mon. Wea. Rev.*, **125**, 2662-2682.
- Bretherton, C. S., M. E. Peters, and L. E. Back, 2004: Relationships between water vapor path and precipitation over the tropical oceans. *J. Climate*, **17**, 1517-1528.
- Challa, M., and R. L. Pfeffer, 1990: Formation of Atlantic hurricanes from cloud clusters and depressions. J. Atmos. Sci., 47, 909-927.
- Gray, W. M., 1968: Global view of the origin of tropical disturbances and storms, *Mon. Wea. Rev.*, 96, 669-700.

- Haynes, P. H., and M. E. McIntyre, 1987: On the evolution of vorticity and potential vorticity in the presence of diabatic heating and frictional or other forces. *J. Atmos. Sci.*, **44**, 828-841.
- Haynes, P. H., and M. E. McIntyre, 1990: On the conservation and impermeability theorems for potential vorticity. *J. Atmos. Sci.*, **47**, 2021-2031.
- McBride, J. L., and R. Zehr, 1981: Observational analysis of tropical cyclone formation. Part II: Comparison of nondeveloping versus developing systems. *J. Atmos. Sci.*, **38**, 1132-1151.
- Molinari, J., and D. Vollaro, 1989: External influences on hurricane intensity: Part I. Outflow layer eddy angular momentum fluxes. *J. Atmos. Sci.*, **46**, 1093-1105.

Palmén, E, and C. W. Newton, 1969: Atmospheric Circulation Systems: Their Structure and Physical Interpretation. Academic Press, New York, 603 pp.

Raymond, D. J., C. López-Carrillo, and L. López Cavazos, 1998: Case-studies of developing east Pacific easterly waves. *Quart. J. Roy. Meteor. Soc.*, **124**, 2005-2034.

Raymond, D. J. and Sharon L. Sessions, 2007: Evolution of convection during tropical cyclogenesis. grl, 34, L06811, doi:10.1029/2006GL028607.

Raymond, D. J., S. L. Sessions, and Ž. Fuchs, 2007: A theory for the spinup of tropical depressions. *Quart. J. Roy. Meteor. Soc.*, **133**, 1743-1754.

- Raymond, D. J., and X. Zeng, 2005: Modelling tropical atmospheric convection in the context of the weak temperature gradient approximation. *Quart. J. Roy. Meteor. Soc.*, **131**, 1301-1320.
- Van Sang, N., R. K. Smith, and M. T. Montgomery, 2008: Tropical-cyclone intensification and predictability in three dimensions. *Quart. J. Roy. Meteor. Soc.*, **134**, 563-582.